

## Inteligência Artificial 2015-2016

Teste de SBC

2015/11/17

*Nota: Nos exercícios que se seguem, a programação em lógica, e as regras de produção estão expressas e funcionam tal como nos sistemas usados e explicados nas aulas. As respostas devem seguir os mesmos padrões.*

### I – Lógica de Predicados

(4 Valores) 1 – Considere a seguinte base de conhecimentos em lógica de predicados de primeira ordem.

i)  $\forall x [(Assassino(x) \vee Corrupto(x)) \Rightarrow Criminoso(x)]$

ii)  $\exists x Assassino(x)$

Mostre, sem passar para forma clausal, que da base de conhecimentos se pode derivar  $\exists x Criminoso(x)$ .

**R:**

i) $\forall x [(Assassino(x) \vee Corrupto(x)) \Rightarrow Criminoso(x)]$	$\Delta$
ii) $\exists x Assassino(x)$	$\Delta$
iii) $Assassino(SK)$	ii) EI
iv) $(Assassino(SK) \vee Corrupto(SK)) \Rightarrow Criminoso(SK)$	i) UI
v) $Assassino(SK) \vee Corrupto(SK)$	iii) OI
vi) $Criminoso(SK)$	iv), v) MP
vii) $\exists x Criminoso(x)$	vi) EG

(4 Valores) 2 - Considera a seguinte base de conhecimentos, já em forma clausal

i. $\{ \neg Palhaço(x), Artista(x, Circo) \}$	$\Delta$
ii. $\{ \neg Trapezista(x), Artista(x, Circo) \}$	$\Delta$
ii. $\{ Palhaço(SK) \}$	$\Delta$

Mostra por refutação, usando a resolução, que  $\exists x Artista(x, Circo)$  se pode derivar da base de conhecimentos.

## **R:**

A prova por refutação, usando resolução, envolve dois passos:

- Negar o objetivo e converter para forma clausal
- Juntar as cláusulas correspondentes à negação do objetivo à base de conhecimentos e mostrar que o resultado é contraditório.

### **Conversão do objetivo negado para forma clausal**

Objetivo negado:  $\neg \exists x \text{ Artista}(x, \text{Circo})$

Conversão

1)  $(A \Rightarrow B) \equiv (\neg A \vee B)$ . N/A porque não há implicações

$\neg \exists x \text{ Artista}(x, \text{Circo})$

2) Mover as implicações para os literais

$\forall x \neg \text{Artista}(x, \text{Circo})$

3) Skolemização. N/A porque não há  $\exists s$

4) Remoção dos  $\forall s$

$\neg \text{Artista}(x, \text{Circo})$

5) Converter numa conjunção de disjunções. N/A porque já está nesse formato

$\neg \text{Artista}(x, \text{Circo})$

6) Escrever em forma clausal

$\{\neg \text{Artista}(x, \text{Circo})\}$

### **Derivar a contradição**

i.	$\{\neg \text{Palhaço}(x), \text{Artista}(x, \text{Circo})\}$	$\Delta$
ii.	$\{\neg \text{Trapezista}(x), \text{Artista}(x, \text{Circo})\}$	$\Delta$
iii.	$\{\text{Palhaço}(\text{SK})\}$	$\Delta$
iv.	$\{\neg \text{Artista}(x, \text{Circo})\}$	$\neg \text{Obj}$
v.	$\{\text{Artista}(\text{SK}, \text{Circo})\}$	1, 3
vii	$\{\}$	4, 5

## **II – Representação computacional de conhecimento**

(4 Valores) 3 – Considera a seguinte base de conhecimento, expressa informalmente, de um sistema que determina os preços de ingresso dos clientes num espetáculo multimédia interativo.

*X é jovem se X tem uma idade menor do que 13 anos*

*X é idoso se tem uma idade maior que 64 anos*

*O preço dos bilhetes de clientes jovens é de 4€*

*O preço dos bilhetes de clientes idosos é de 5€*

*O preço dos bilhetes de clientes que não sejam jovens nem idosos é de 7.5€*

Considerando os predicados *client/1*, *jovem/1*, *idoso/1*, *preço/2* e *idade/2*, descritos na tabela, e ainda os predicados *>/2* e *</2*, representa o conhecimento apresentado através de cláusulas Prolog.

<code>client(X)</code>	X é cliente
<code>young(X)</code>	X é jovem
<code>old(X)</code>	X é idoso
<code>price(X, P)</code>	O preço do bilhete de X é P
<code>age(X, I)</code>	A idade de X é I

**R:**

```
young(X) :- age(X, A), A < 13.
old(X) :- age(X, A), A > 64.

price(X, 4) :- client(X), young(X).
price(X, 5) :- client(X), old(X).
price(X, 7.5) :- client(X), \+young(X), \+old(X).
```

(4 Valores) 4 – Numa prova de uma dada competição, os participantes têm de passar num conjunto de pontos de controlo, conforme se exemplifica nos seguintes factos.

```
control_point(cp1).
control_point(cp2).
control_point(cp3).
```

Cada concorrente controlado (i.e., que passa por um ponto de controlo) é registado com um facto *participant\_control/2*, por exemplo

```
participant_control(ana, cp1).
```

Escreve o predicado *valid\_run/1*, tal que *valid\_run(X)* significa que X passou em todos os pontos de controlo especificados. O predicado tem de funcionar para provas com um número qualquer de pontos de controlo.

**R:**

Para o predicado funcionar mesmo bem, é necessário o predicado *participant/1* com os participantes, um por cada facto. Nesse caso, a resolução seria a seguinte:

```
valid_run(X) :-
    participant(X),
    \+( (control_point(CP), \+ participant_control(X, CP)) ).
```

Quem apresentou esta resolução tem a cotação completa. No entanto, como o enunciado, por esquecimento, não referiu o predicado *participante/1*, não descontamos nada a quem não o usou na resolução:

```
valid_run(X) :-
    \+( (control_point(CP), \+ participant_control(X, CP)) ).
```

Isto também funciona mas apenas para testar.

(4 Valores) 5 – Sistema de regras de produção

Um *robot* tem de manter o nível de água do reservatório o mais próximo possível de um

determinado valor – nível desejado –, tendo para isso um balde (o balde tem uma dada capacidade).

Para manter o nível de água próximo do valor definido, o *robot* compara o nível atual da água com o nível desejado, e usa o balde para repor o nível do reservatório o mais próximo possível do nível mínimo desejado.

O *robot* tem também de encher o balde, mesmo que não o vá usar de imediato.

As duas tabelas que se seguem descrevem as ações e os predicados que o robot pode usar.

Ação	Efeito no mundo
fill_bucket/0	O balde fica cheio de água
dump_bucket/0	O balde fica vazio O nível de água do reservatório passa a ser igual ao seu nível anterior mais a capacidade do balde.

Predicado	Descrição
bucket_state/1	bucket_state(State): O estado do balde é o especificado (empty/full)
bucket_capacity/1	bucket_capacity(C): C é a capacidade do balde, em litros
reservoir_level/1	reservoir_level(Level): Level é o nível atual do reservatório, em litros
desired_level/1	desired_level(Level): Level é o nível desejado do reservatório, em litros

Além dos recursos descritos nas duas tabelas, o robot dispõe de todos os recursos da linguagem Prolog, por exemplo os operadores relacionais  $>$ ,  $>=$ ,  $=$ ,  $<$ , o operador *is*/2, e as funções aritméticas.

O programa de interface com o *robot*, *fill\_reservoir/1* tem a seguinte definição:

```
fill_reservoir(Level):-
    assert(desired_level(Level)),
    assert(reservoir_level(100)),
    assert(bucket_state(full)),
    assert(bucket_capacity(25)),
    psys.
```

Escreve as regras que levam o *robot* a encher o balde sempre que ele está vazio, e a despejar o balde no reservatório sempre que o seu nível é menor que o nível desejado e a capacidade do balde é menor do que ou igual à diferença entre o nível desejado e o nível atual do reservatório.

**R:**

```
% Regra para manter os baldes cheios
if (bucket_state(empty)) then fill_bucket.

% Regra para controlar o nível do reservatório
if (reservoir_level(Level) and desired_level(DLevel) and
    DLevel > Level and LevelDiff is DLevel-Level and
    bucket_capacity(C) and bucket_state(full) and C =< LevelDiff)
then dump_bucket.
```

Vários alunos fizeram a segunda regra melhor que a correção dos profs:

```
% Regra para controlar o nível do reservatório
if    (reservoir_level(Level) and desired_level(DLevel) and
      bucket_capacity(C) and bucket_state(full) and
      C <= DLevel - Level)
then  dump_bucket.
```

Ficamos satisfeitos com isso.

Era assumido que as ações `fill_bucket/0` e `dump_bucket/0` fariam a gestão dos factos dos predicados `bucket_state/1` e `reservoir_level/1`. No entanto, como o enunciado não era claro a este respeito, não descontamos nada a quem especificou os asserts e retracts corretos, além das ações adequadas. Claro está que, quem não especificou as ações adequadas ou quem especificou asserts e retracts errados sofreu o desconto correspondente.